

MATEMÁTICAS

(O alumno debe responder a catro preguntas. Unha soa pregunta de cada un dos catro bloques temáticos: Álgebra, Xeometría, Análise Matemática e Estatística. A puntuación máxima de cada pregunta é de 2,5 puntos.)

Álgebra (responda a unha das dúas preguntas)

1. Calcule α para que o seguinte sistema homoxéneo teña máis solucións que a trivial. Resólvoa para dito valor de α e dea unha interpretación xeométrica do sistema de ecuacións e da súa solución.

$$x + 2y - z = 0$$

$$2x + y - \alpha z = 0$$

$$x - y - z = 0$$

2. Calcule os valores do parámetro α para os que a matriz M non ten inversa. Calcule a matriz inversa de M para $\alpha = 2$, se é posible.

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & \alpha & 3 \\ 4 & 1 & -\alpha \end{pmatrix}$$

Xeometría (responda a unha das dúas preguntas)

1. A. Sexan \vec{u} e \vec{v} dous vectores. Comprobe que se $(\vec{u} + \vec{v}) \cdot (\vec{u} - \vec{v}) = 0$ entón $|\vec{u}| = |\vec{v}|$.

B. Calcule os vectores unitarios que sexan perpendiculares ós vectores $\vec{u} = (-3, 4, 1)$ e $\vec{v} = (-2, 1, 0)$.

2. A. Definición de distancia mínima entre dúas rectas no espazo. Casos posibles.

B. Calcule a distancia entre as rectas r e s , donde r ten por ecuacións ($r : x = 3y = 5z$) e a recta s pasa polos puntos $A = (1, 1, 1)$ e $B = (1, 2, -3)$.

Análise matemática (responda a unha das dúas preguntas)

1. A. ¿Pode haber dúas funcións distintas que teñan igual función derivada? Se a resposta é afirmativa, poña un exemplo. Se, polo contrario, a resposta é negativa, razónlea.

B. Calcule a derivada da función $f(x) = |x - 2|$ en $x = 2$, se é posible. Represente a gráfica da función e, sobre ela, razoe a súa resposta.

2. A. Enunciado do Teorema do Valor Medio do Cálculo Integral.

B. Sexan f e g , dúas funcións continuas, definidas no intervalo $[a, b]$, que verifican que $\int_a^b f = \int_a^b g$. Demostre que existen $\alpha, \beta \in [a, b]$ tales que $f(\alpha) = g(\beta)$.

Estatística (responda a unha das dúas preguntas)

1. O tempo, en horas, que tarda un autobús en facer o percorrido entre dúas cidades é unha variable aleatoria con función de densidade: $f(x) = 0,3(3x - x^2)$ se $x \in [1, 3]$ (e cero noutro caso).

(a) Calcule o tempo medio que tarda en facer o traxecto.

(b) Calcule a probabilidade de que a duración dun traxecto sexa inferior a dúas horas se se sabe que é superior a unha hora e media.

2. Un saltador de lonxitude salta unha media de 8 metros con desviación típica de 20 cm. Para poder ir á próxima olimpíada é necesario ter unha marca de 8'30 metros, ¿Que probabilidade ten de conseguir esta marca nun salto? E, ¿cal é esta probabilidade se realiza dez saltos?

NOTA: Pode ser útil saber que se Z é unha variable con distribución $N(0,1)$, entón $P(Z < 1,5) = 0,93$.

CONVOCATORIA DE XUÑO

A puntuación máxima de cada pregunta é 2.5 puntos.

Somente se puntuará a a primeira pregunta respondida de cada un dos catro bloques temáticos.

Non se puntuarán respostas (Si ou Non) que non veñan acompañadas dunha xustificación.

Álgebra

1. A: 1 punto.

B: Cálculo de N^2 : 0.5 puntos. Cálculo de M^3 : 0.5 puntos. Resposta razoada á pregunta: 0.5 puntos.

2. A: 1 punto.

B: 1.5 puntos (0.5 por cada un dos determinantes pedidos).

Xeometría

1. A: 1 punto.

B: 1.5 puntos.

2. A: 1 punto.

B: 1.5 puntos.

Análise Matemática

1. Determinación dos coeficientes do polinomio: 1.5 puntos (plantexamento: 1 punto, resolución: 0.5 puntos).

Cálculo da integral definida: 1 punto (0.5 polo cálculo da primitiva e 0.5 pola aplicación correcta da regra de Barrow).

2. Cálculo da función g o f : 1.5 puntos. Cálculo da integral definida: 1 punto (0.5 puntos polo cálculo da primitiva e 0.5 puntos pola aplicación correcta da regra de Barrow).

Estatística

1. Determinación do número de coches que venderá nunha semana: 1 punto.

Cálculo da probabilidade pedida: 1.5 puntos.

2. Cálculo de $P(X < 1050)$: 0.5 puntos. Cálculo de $P(X < 1350)$: 0.5 puntos.

Explicación da igualdade nos resultados: 0.5 puntos.

Cálculo de $P(1050 < X < 1350)$: 1 punto.

CONVOCATORIA DE SETEMBRO

A puntuación máxima de cada pregunta é 2.5 puntos.

Somente se puntuará a a primeira pregunta respondida de cada un dos catro bloques temáticos.

Non se puntuarán respostas (Si ou Non) que non veñan acompañadas dunha xustificación.

Álgebra

1. Cálculo de a : 1 punto. Resolución del sistema: 1 punto. Interpretación geométrica del sistema y de la solución: 0.5 puntos.

2. Cálculo de $a=1, 3$: 1 punto. Cálculo de la inversa de M cuando $a=2$: 1.5 puntos.

Xeometría

1. A: 1 punto.

B: Planteamento: 1 punto. Resolución: 0.5 puntos.

2. A: 1 punto.

B: Planteamento: 0.5 puntos. Resolución: 1 punto.

Análise Matemática

1. A: 1 punto.

B: 1.5 puntos (destes, polo cálculo de cada unha das derivadas laterais: 0.5 puntos).

2. A: 1.5 puntos.

B: 1 punto.

Estatística

1. A: 1 punto.

B: Planteamento: 0.5 puntos. Resolución: 1 punto (0.5 puntos polo cálculo de $P(1.5 < X < 2)$ e 0.5 puntos polo cálculo de $P(X > 1.5)$).

3. Resposta á primeira pregunta: 1 punto.

Resposta á segunda pregunta: 1.5 puntos.